

Soluções – Simulado 02
Material escrito por Bismarck Moreira



Dúvidas?
Mande um e-mail para
bismarckvasconcelos0703@gmail.com

Fortal City – Brazil
26/07/2019

• Questão 1

• No perélio: $r_p = a \cdot (1 - e)$

• Velocidade orbital do planeta em órbita elíptica.

$$\frac{Mv_p^2}{2} = -\frac{GMm}{2a} - \left(-\frac{GMm}{r_p}\right) \Rightarrow \frac{v_p^2}{2} = GM \cdot \left(\frac{1}{r_p} - \frac{1}{2a}\right) = GM \cdot \left(\frac{1}{a(1-e)} - \frac{1}{2a}\right) \Rightarrow$$

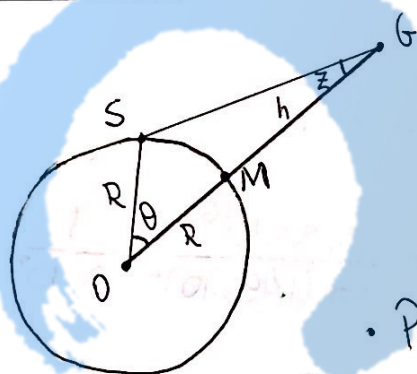
$$\Rightarrow v_p^2 = GM \cdot \left(\frac{2a - a(1-e)}{a^2(1-e)}\right) \Rightarrow \boxed{v_p^2 = \frac{GM}{a} \cdot \left(\frac{1+e}{1-e}\right)} \quad (i)$$

• Velocidade em órbita circular: $\frac{Mv_c^2}{a} = \frac{GMm}{a^2} \Rightarrow \boxed{v_c^2 = \frac{GM}{a}} \quad (ii)$

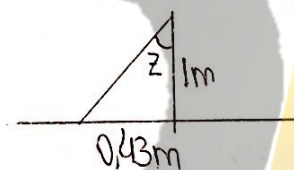
• Daí, fazendo (i) ÷ (ii): $\left(\frac{v_p}{v_c}\right)^2 = \frac{GM}{a} \cdot \frac{a}{GM} \cdot \left(\frac{1+e}{1-e}\right) \therefore$

$$\boxed{\frac{v_p}{v_c} = \sqrt{\frac{1+e}{1-e}}}$$

• Questão 2



• Descobrimos z :



$$\Rightarrow \tan z = \frac{0,43}{1}$$

$$\Rightarrow \boxed{z \approx 23,3^\circ}$$

• Para o cálculo do arco \widehat{MS} , precisamos

descobrir θ . Por lei dos senos:

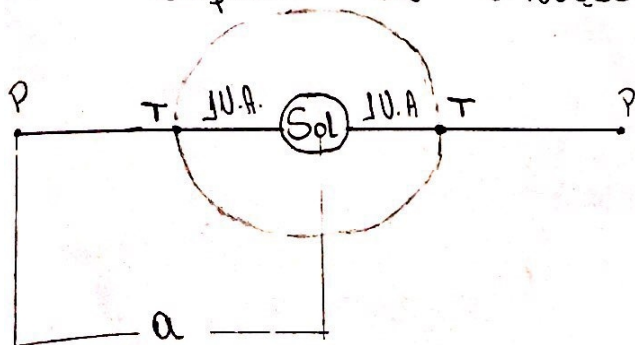
$$\frac{\sin(180 - (z + \theta))}{R_0 + h} = \frac{\sin z}{R_0} \Rightarrow \sin(180 - (z + \theta)) = \frac{(6,38 \cdot 10^6 + 5895) \sin 23,3}{6,38 \cdot 10^6} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 180 - z - \theta = 156,7 \Rightarrow \boxed{\theta = 0,023^\circ}$$

$$\bullet S = R \cdot \theta = 6,38 \cdot 10^6 \cdot 0,023 \cdot \frac{\pi}{180} \Rightarrow \boxed{S = 2,54 \text{ km}}$$

• Questão 3

• Esquema da situação:



$$\bullet m_0 - m_c = -3,43 = -2,5 \log\left(\frac{d_c}{d_0}\right)^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{d_c}{d_0} = \frac{a+1}{a-1} = 4,85 \Rightarrow \boxed{a = 1,52 \text{ U.A.}}$$

Esse planeta é Marte.

• Questão 4

Como os alienígenas são muito parecidos com humanos, estima-se que a magnitude limite do olho seja +6, e que sua pupila possui diâmetro $D_0 = 6 \text{ mm}$. Com isso:

$$(a) \quad +6 - (-26,72) = -2,5 \log \frac{\frac{L_0}{4\pi d^2}}{\frac{L_0}{4\pi d_{0 \rightarrow \oplus}^2}} \Rightarrow \left(\frac{d_{0 \rightarrow \oplus}}{d} \right)^2 = 10^{\frac{-(-26,72+6)}{2,5}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{d = 5,24 \cdot 10^{17} \text{ m} = 16,97 \text{ pc}}$$

$$(b) \cdot \text{Abertura do telescópio: } \frac{f}{D} = 5 \Rightarrow D = 150 \text{ mm.}$$

$$\cdot \text{Magnitude limite do telescópio: } m = 6 + 5 \log \frac{D}{D_0} = 6 + 5 \log \frac{150}{6} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{m = 13 \text{ mag}}$$

$$\cdot 13 - (-26,72) = -2,5 \log \left(\frac{d_{0 \rightarrow \oplus}}{d'} \right)^2 \Rightarrow \boxed{d' = 424,2 \text{ pc}}$$

• Questão 5

$$(a) \cdot \text{Pressão de radiação: } P_r = \frac{L_0}{4\pi d^2} \cdot \frac{1}{c} = \frac{3,83 \cdot 10^{26}}{4\pi \cdot (3 \cdot 10^{10})^2} \cdot \frac{1}{3 \cdot 10^8} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{P_r = 1,25 \cdot 10^{-5} \text{ N/m}^2}$$

$$(b) \cdot \text{Força devido à radiação: } F_r = P_r \cdot A \Rightarrow \boxed{F_r = 50 \cdot 10^{-7} \text{ N}}$$

$$\cdot \text{Força devido à atração gravitacional: } F_g = \frac{G M m}{d^2} \Rightarrow \boxed{F_g = 0,164 \text{ N}}$$

$$\cdot \text{Daí, } \frac{F_g}{F_r} = \frac{0,164}{50 \cdot 10^{-7}} \Rightarrow \boxed{\frac{F_g}{F_r} = 3,28 \cdot 10^5}$$

$$\text{Com } A = 4,0 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$M_0 = 1,99 \cdot 10^{30} \text{ kg}$$

$$m = 10 \text{ kg}$$

• Questão 6

• Intensidade da fonte nessa frequência, por Rayleigh-Jeans,

$$B_\nu = \frac{2k_B T}{c^2} \cdot \nu^2 \quad (*)$$

• Densidade de fluxo da fonte:

$$S_\nu = B_\nu \cdot \Omega \stackrel{(**)}{=} \frac{2k_B T}{c^2} \cdot \nu^2 \cdot \Omega ; \quad \Omega = \pi \left(\frac{R}{d} \right)^2$$

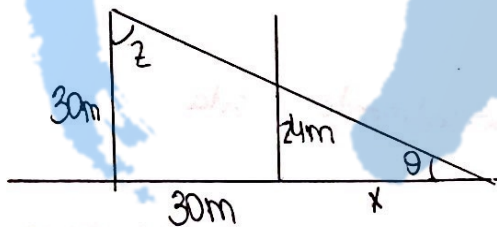
▷ Raio da fonte: $R = c \Delta t$.

$$\therefore S_\nu = \frac{2k_B T}{c^2} \cdot \nu^2 \cdot \pi \left(\frac{c^2 \Delta t^2}{d^2} \right) \Rightarrow T = \frac{S_\nu}{2k_B \pi} \left(\frac{\Delta t \cdot \nu}{d} \right)^{-2} = \frac{S_\nu}{2k_B \pi} \left(\frac{d}{\Delta t \cdot \nu} \right)^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T = \frac{0,5 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{-26}}{2 \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \cdot \pi} \left(\frac{3,2 \cdot 10^3 \cdot 3,0856 \cdot 10^{16}}{30 \cdot 10^3 \cdot 10^0 \cdot 700 \cdot 10^6} \right)^2 \Rightarrow \boxed{T = 1,27 \cdot 10^{26} \text{ K}}$$

• Questão 4

(a)



• Por semelhança de triângulos:

$$\frac{24}{30} = \frac{x}{30+x} \Rightarrow 10x = 240 + 8x \Rightarrow x = 120\text{m}$$

• Com isso, a sombra teria: $s = 120 + 30$

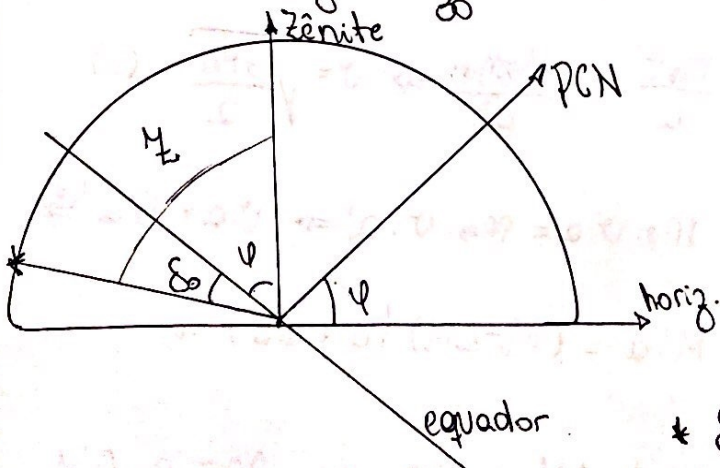
$$\Rightarrow \boxed{s = 150\text{m}}$$

(b). Do triângulo acima, o ângulo zenital do Sol será

$$\text{dado por: } \text{tg } z = \frac{150}{30} \Rightarrow \boxed{z = 78,69^\circ}$$

$$\Rightarrow z = |S_0| + \varphi \Rightarrow \varphi = z - |S_0| = 78,69 - 23,5$$

$$\Rightarrow \boxed{\varphi = +55^\circ 11'}$$



* $S_0 = -23,50^\circ$ por ser o dia 22/12 (Verão pl. hemisfério Sul).

• Questão 8

$$(a) \cdot \rho = \rho_c \cdot r$$

$$\Rightarrow \rho_m = \rho_c \cdot r_m \quad e \quad \rho_r = \rho_c \cdot r_r$$

$$\cdot \text{Além disso, } \rho_m = \rho_{m0} \cdot (1+z)^3 \quad \Rightarrow \quad \rho_m = \rho_r \Rightarrow$$

$$\rho_r = \rho_{r0} \cdot (1+z)^4$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_{m0} \cdot (1+z)^3}{\rho_{r0} \cdot (1+z)^4} = 1 \Rightarrow (1+z) = \frac{\rho_{m0}}{\rho_{r0}} \quad \therefore \boxed{z = 2999}$$

$$(b) \cdot \lambda_0 = \lambda \cdot (1+z) \Rightarrow \frac{1}{T_0} = \frac{1}{T} \cdot (1+z) \Rightarrow T = 2,732 \cdot 3000$$

$$\therefore \boxed{T = 8196 \text{ K}}$$

$$(c) \cdot \text{Energia do fóton: } E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{hcT}{2,898 \cdot 10^{-3}} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8 \cdot 8196}{2,898 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow E = 5,62 \cdot 10^{-19} \text{ J} \cdot \frac{1 \text{ eV}}{1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}} \Rightarrow \boxed{E = 3,51 \text{ eV}}$$

• Questão 9

(a) • A luminosidade solar será sustentada essencialmente pela energia cinética da massa ejetada.

$$L = \frac{\Delta E}{\Delta t} \Rightarrow \Delta E = \frac{\Delta M v^2}{2} = L \Delta t \Rightarrow \Delta M = \frac{2L \Delta t}{v^2} = \frac{2 \cdot 3,83 \cdot 10^{26} \cdot (365 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60)}{(600 \cdot 10^3)^2}$$

$$\Rightarrow \boxed{\Delta M = 3,37 \cdot 10^8 \text{ } M_{\odot}} \rightarrow \text{a cada ano.}$$

$$(b) \cdot \text{Velocidade orbital da Terra: } \frac{M_{\odot} v^2}{a} = \frac{G M_{\odot} m_{\oplus}}{a^2} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{G M_{\odot}}{a}} \quad (i)$$

• Conservação do momento angular: $M_{\odot} \cdot v \cdot a = M_{\odot} \cdot v' \cdot a' \Rightarrow v \cdot a = v' \cdot a' \quad (ii)$

$$\Rightarrow \sqrt{\frac{G M_{\odot}}{a}} \cdot a = \sqrt{\frac{G M'_{\odot}}{a'}} \cdot a' \Rightarrow M_{\odot} \cdot a = M'_{\odot} \cdot a' = (M_{\odot} - \Delta M) \cdot (a + \Delta a) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow M_{\odot} \cdot a = M_{\odot} \cdot a \cdot \left(1 - \frac{\Delta M}{M_{\odot}}\right) \cdot \left(1 + \frac{\Delta a}{a}\right) \Rightarrow 1 = \left(1 - \frac{\Delta M}{M_{\odot}} + \frac{\Delta a}{a}\right) \Rightarrow \Delta a = a \cdot \frac{\Delta M}{M_{\odot}}$$

$$\Rightarrow \Delta a = 1,496 \cdot 10^{11} \cdot 3,37 \cdot 10^{-8} \Rightarrow \boxed{\Delta a = 5044 \text{ m}} \quad (*)$$

• Terceira lei de Kepler:

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{GM_0} \Rightarrow \frac{T^2 \cdot M_0}{a^3} = \frac{4\pi^2}{G} = \text{cte.}$$

$$\triangleright \text{Daí, } \frac{T_0^2 \cdot M_0}{a^3} = \frac{T^2 \cdot M_0'}{a'^3} = \frac{(T_0 + \Delta T_0)^2 \cdot (M_0 - \Delta M)}{(a + \Delta a)^3} = \frac{T_0 M_0}{a^3} \cdot \frac{\left(1 + \frac{2\Delta T}{T_0}\right) \cdot \left(1 - \frac{\Delta M}{M_0}\right)}{\left(1 + \frac{3\Delta a}{a}\right)}$$

$$\Rightarrow 1 + \frac{3\Delta a}{a} = 1 + \frac{2\Delta T}{T_0} - \frac{\Delta M}{M_0} \Rightarrow \frac{2\Delta T}{T_0} = \frac{3\Delta a}{a} + \frac{\Delta M}{M_0} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta T = \frac{T_0}{2} \cdot \left(\frac{3\Delta a}{a} + \frac{\Delta M}{M_0} \right) = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{3 \cdot 5044}{1,496 \cdot 10^{11}} + \frac{3,37 \cdot 10^{-8} \cdot M_0}{M_0} \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta T = 6,74 \cdot 10^{-8} \text{ ano} \quad \therefore \quad \boxed{\Delta T = 2,13 \text{ s/ano}}$$

• Questão 10 (a)

• A luminosidade solar na frequência 3GHz deve ser

$$L_r = B_r \cdot 4\pi R_0^2 \quad (1)$$

• O fluxo de energia, portanto, será: $F_r = \frac{L_r}{4\pi D^2} \Rightarrow$

$$\Rightarrow F_r = \frac{B_r \cdot 4\pi R_0^2}{4\pi D^2} \Rightarrow F_r = B_r \cdot \left(\frac{R_0}{D}\right)^2$$

• A energia total recebida ficará da forma: $\frac{E_0}{\Delta t} = F_r \Delta r \frac{\pi^2 d^2}{4} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{E_0}{\Delta t} = B_r \cdot \left(\frac{R_0}{D}\right)^2 \cdot \Delta r \cdot \frac{\pi^2 d^2}{4} \Rightarrow E_0 = B_r \cdot \Delta r \cdot \left(\frac{\pi R_0 d}{2D}\right)^2 = 2k_B T \Delta r \left(\frac{\pi R_0 d}{C \cdot (2D)}\right)^2$$

$$\Delta t = 1h \Rightarrow \boxed{E_0 = 8,3 \cdot 10^{-5} \text{ J}}$$

(b) • A massa de um papel A4 (297mm x 210mm) é $m = \rho \cdot L_1 \cdot L_2 \Rightarrow$

$$\Rightarrow m = 80 \cdot 297 \cdot 10^{-3} \cdot 210 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{-3} \Rightarrow m = 4,99 \cdot 10^{-3} \text{ Kg.}$$

• A energia para virar o papel: $E' = \frac{mgL_2}{2} = 5,2 \cdot 10^{-3} \text{ J}$

(c) Conclusão: $E' > E_0$.

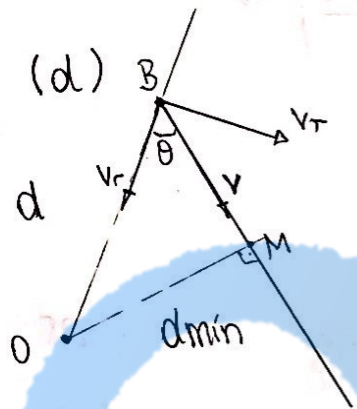
• Questão 11

$$(a) \cdot \frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{656,03 - 656,28}{656,28} = 3,81 \cdot 10^{-4} = \frac{v_r}{c} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{v_r = -114,28 \text{ Km/s}}$$

$$(b) \cdot v_T = 4,74 \mu\text{D} = 4,74 \cdot 10,4 \cdot \frac{1}{0,549} \Rightarrow \boxed{v_T = 89,79 \text{ Km/s}}$$

$$(c) \cdot v = \sqrt{v_T^2 + v_r^2} = \sqrt{(-114,28)^2 + (89,79)^2} \therefore \boxed{v = 145,34 \text{ Km/s}}$$



$$\cdot \tan\theta = \frac{v_T}{v_r} = \frac{89,79}{114,28} \Rightarrow \theta = 38,15^\circ$$

$$\cdot \sin\theta = \frac{d_{\min}}{d} \Rightarrow d_{\min} = \frac{\sin(38,15)}{0,549} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{d_{\min} = 1,125 \text{ pc}}$$

$$(e) \cdot \cos\theta = \frac{BM}{d} \Rightarrow BM = \frac{\cos\theta}{0,549} \cdot 3,0856 \cdot 10^{13} \Rightarrow BM = 4,419 \cdot 10^{13} \text{ Km}$$

$$\cdot \Delta t = \frac{BM}{v} \Rightarrow \Delta t = \frac{4,419 \cdot 10^{13}}{145,34} \cdot \frac{1}{365 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60} \Rightarrow \boxed{\Delta t \approx 9642 \text{ anos}}$$

• Questão 12

(a) • Substituindo a equação dada nas equações de cinemática, vem:

$$\omega = \frac{v}{r} \Rightarrow \omega = \frac{1}{r} \cdot \frac{(r/r_0) v_0}{(1 + \frac{r}{r_0})^{3/2}} \Rightarrow \boxed{\omega(r) = \frac{v_0}{r_0} \cdot \frac{1}{(1 + \frac{r}{r_0})^{3/2}}}$$

(b) • Derivando a equação dada para o parâmetro A, obtemos:

$$A = -\frac{1}{2} r_0 \frac{d\omega}{dr} = -\frac{r_0}{2} \cdot \left(\frac{v_0}{r_0} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{r_0 (1 + \frac{r}{r_0})^{5/2}} \right) = \frac{3 v_0}{4 r_0} \cdot \frac{1}{(1 + \frac{r}{r_0})^{3/2}}$$

$$\Rightarrow \boxed{A = \frac{3}{2^{3/2}} \cdot \frac{v_0}{r_0}}$$

(c) • Da segunda lei de Newton:

$$F = m \cdot a \Rightarrow \frac{GM(r) \cdot m}{r^2} = \frac{m \cdot v^2}{r} \Rightarrow M(r) = \frac{v^2 r}{G} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow M(r) = \frac{r^3 v_0^2}{r_0^2 \cdot (1 + v/v_0)^3 G}$$

• Questão 12

• Fato conhecido: $t \propto \frac{M}{L}$ $\left(\frac{\partial E}{\partial t} = \frac{\partial M}{\partial t} c^2 \right) \Rightarrow$

$$\Rightarrow t = 10^{10} \cdot \left(\frac{M}{M_0} \right) \cdot \left(\frac{L_0}{L} \right)$$

(a) • Substituindo os dados na equação (i):

$$t_{08} = 10^{10} \cdot \left(\frac{23 M_0}{M_0} \right) \cdot \left(\frac{L_0}{170000 L_0} \right) \Rightarrow t_{08} = 1,4 \cdot 10^6 \text{ anos}$$

(b) • Análogo ao item (a), temos:

$$t_{M8} = 10^{10} \cdot \left(\frac{0,06 M_0}{M_0} \right) \cdot \left(\frac{L_0}{0,0012 L_0} \right) \Rightarrow t_{M8} = 5,00 \cdot 10^{11} \text{ anos}$$

(c) • Da expressão da luminosidade, obtém-se a seguinte relação: $L = 4\pi\sigma R^2 T^4 \Rightarrow R = \frac{L}{4\pi\sigma T^4} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \left(\frac{R}{R_0} \right) = \left(\frac{L}{L_0} \right)^{1/2} \cdot \left(\frac{T}{T_0} \right)^{-2}$$

• Substituindo os valores, vem:

$$\begin{aligned} R_{08} &= 11,2 R_0 \\ R_{M8} &= 0,17 R_0 \end{aligned}$$

(d) • Equilíbrio hidrostático nos fornece que:

$$\frac{dp}{dr} = -\rho g \Rightarrow \frac{p_c}{R} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} \cdot \frac{GM}{R^2} \Rightarrow p_c = \frac{3GM^2}{4\pi R^4} \quad \text{(ii)}$$

• De lei dos gases ideais, $PV = nRT \Rightarrow$ (i)

$$\Rightarrow P_c = \left(\frac{e}{\mu_{MH}}\right) \cdot k_B \cdot T_c \Rightarrow T_c = \frac{\mu_{MH}}{k_B} \cdot \frac{GM}{R} \quad (iii)$$

• Substituindo os valores, vem:

$P_{c08} = 9,1 \cdot 10^{12} \text{ Pa}$
$T_{c08} = 23,8 \cdot 10^6 \text{ K}$

e que

$P_{cM8} = 1,16 \cdot 10^{15} \text{ Pa}$
$T_{cM8} = 4,1 \cdot 10^6 \text{ K}$

(e) • Para esse item, basta analisar como varia o raio da estrela com a variação de velocidade de rotação. Da conservação de momento angular, temos:

$$M v_1 R_1 = M v_2 R_2 \Rightarrow v_1 R_1 = 10^5 v_1 R_2 \Rightarrow R_2 = R_1 \cdot 10^{-5}$$

• Com isso, as pressões calculadas aumentarão por um fator de $(10)^{5.4} = (10)^{20}$ e a temperatura aumentará por um fator de 10^5 .

$$\Rightarrow \begin{array}{|l} P'_{c08} = 9,1 \cdot 10^{32} \text{ Pa} \\ \hline T'_{c08} = 23,8 \cdot 10^{11} \text{ K} \end{array}$$

(ii)

$$\frac{M_1 v_1}{r_1} = \frac{M_2 v_2}{r_2} \leftarrow \frac{M_2}{M_1} \cdot \frac{v_2}{v_1} = \frac{r_1}{r_2} \leftarrow 10^5 = \frac{r_1}{r_2}$$

• Questões 14

(a) • Do centro de massa do sistema, temos:

$$\frac{m_1}{m_2} = \frac{v_2}{v_1} \Rightarrow \frac{m_B}{m_A} = \frac{5,5}{22,6} \Rightarrow \boxed{\frac{m_B}{m_A} = 0,243}$$

(b) • Da terceira Lei de Kepler,

$$a^3 = \frac{GM_T}{4\pi^2} \cdot P \Rightarrow \left(\frac{P}{2\pi} \cdot (v_A + v_B) \right)^3 = \frac{G(m_A + m_B)}{4\pi^2} P^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow m_A + m_B = \frac{P}{2\pi G} \cdot (v_A + v_B)^3 = \frac{7 \cdot 365 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60}{2\pi \cdot 6,67 \cdot 10^{-11}} (22,6 + 5,5)^3 \cdot 10^9$$

$$\Rightarrow m_A + m_B = 1,12 \cdot 10^{31} \text{ kg} \Rightarrow \boxed{m_A + m_B = 5,87 M_\odot}$$

(c) • Resolvendo o sistema formado pelas equações acima, iremos obter:

$$\boxed{m_A = 4,72 M_\odot}$$

$$\boxed{m_B = 1,15 M_\odot}$$

(d) • Para o raio da estrela oculta, ou seja, a de menor raio, temos: $2r_s = v_{rel} \cdot \Delta t = (v_A + v_B)(t_b - t_a) \Rightarrow$

$$\Rightarrow r_s = \frac{1}{2} \cdot (22,6 + 5,4) \cdot 0,35 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 \Rightarrow \boxed{r_s = 0,96 R_\odot}$$

• Para a maior estrela, $2 \cdot (R_L + r_s) = (v_A + v_B)(t_c - t_b) \Rightarrow$

$$\Rightarrow R_L = 0,96 R_\odot + \left(\frac{22,6 + 5,4}{2} \right) \cdot \frac{0,66 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 \cdot 10^3}{6,96 \cdot 10^8} \Rightarrow \boxed{R_L = 2,10 R_\odot}$$

(e) Razão dos fluxos de cada estrela:

$$\frac{B_N + (-B_P)}{B_N + (-B_S)} = \frac{F_{rs}}{F_{rl}} \Rightarrow \left(\frac{T_{rs}}{T_{rl}} \right)^4 = \frac{B_N \cdot (1 - B_P/B_N)}{B_N \cdot (1 - B_S/B_N)} \Rightarrow (i)$$

$$\Rightarrow \left(\frac{T_{rs}}{T_{rl}} \right) = \left[\frac{1 - B_P/B_N}{1 - B_S/B_N} \right]^{1/4} \quad (i)$$

• Cálculo das razões em brilho:

$$\triangleright m_p - m_N = -2,5 \log \frac{B_p}{B_N} \Rightarrow \frac{B_p}{B_N} = 0,0302$$

$$\triangleright m_s - m_N = -2,5 \log \frac{B_s}{B_N} \Rightarrow \frac{B_s}{B_N} = 0,964$$

• Substituindo em eq. (i), vem:

$$\frac{T_{rs}}{T_{rl}} = \left[\frac{1 - 0,0302}{1 - 0,964} \right]^{1/4} \Rightarrow \boxed{\frac{T_{rs}}{T_{rl}} = 2,28}$$

* Sugestão de leitura: Capítulo 4 do livro An

Introduction to Modern Astrophysics

(capítulo de Binary Systems and Stellar parameters) "