



Escrito por Paulo Henrique e Wanderson Faustino



SIMULADO NOIC – OLIMPÍADA  
BRASILEIRA DE FÍSICA

3ª FASE – 24 DE SETEMBRO DE  
2020

NÍVEL 2  
Ensino Médio  
1ª e 2ª séries

**LEIA ATENTAMENTE AS INSTRUÇÕES ABAIXO:**

- 1 – Esta prova destina-se exclusivamente aos alunos das **1ª e 2ª séries do Ensino Médio**. Ela contém **doze** questões. Cada questão tem valor de 10 pontos e a prova um total de 80 pontos (máximo oito questões respondidas).
- 2 - Os alunos da 1ª série podem escolher livremente oito questões para responder. Alunos da 2ª série devem responder as oito questões não indicadas como “exclusiva para alunos da 1ª série”.
- 3 - O **Caderno de Respostas** possui instruções que devem ser lidas cuidadosamente antes do início da prova.
- 4 - Todos os resultados numéricos devem ser expressos em unidades no Sistema Internacional e seguindo as instruções específicas da questão.
- 5 - A duração desta prova é de **quatro** horas, devendo o aluno permanecer na sala por **no mínimo sessenta minutos**. Se necessário, e a menos que indicado ao contrário, use:  $\pi = 3$ ;  $\text{sen}(30^\circ) = 0,50$ ;  $\text{cos}(30^\circ) = 0,85$ ;  $\text{sen}(45^\circ) = 0,70$ ;  $\sqrt{2} = 1,4$ ;  $\sqrt{3} = 1,7$ ;  $\sqrt{5} = 2,2$ ; a gravidade terrestre na superfície é  $g = 10 \text{ m/s}^2$ ; a constante de gravitação universal é  $G = 7,00 \cdot 10^{-11} \frac{\text{N}\cdot\text{m}^2}{\text{kg}^2}$ ; velocidade da luz no vácuo  $c = 3,00 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ; o índice de refração da luz no ar é  $n_{\text{ar}} = 1,00$ ;  $1 \text{ atm} = 1,00 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ ; a densidade da água líquida é  $\rho = 1,0 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ; o coeficiente de Poisson é  $\gamma = \frac{C_P}{C_V}$ , onde  $C_P$  é a capacidade calorífica molar a pressão constante, e  $C_V$  é a capacidade calorífica molar a volume constante; se  $|x| \ll 1$ , então  $(1 + x)^n \approx 1 + nx$ .

**Questão 1 (exclusiva para alunos da 1ª série).** A duração máxima de um eclipse solar total na superfície da Terra é  $t = 449 \text{ s}$ . Durante esse tempo, a tira de terra coberta pela sombra da lua na superfície Terrestre tem comprimento  $d = 267 \text{ km}$ . Determine a duração máxima do eclipse para um passageiro dentro de um avião que se move com velocidade  $v = 903 \text{ km/h}$ . Despreze a altura do avião em relação a superfície da Terra.

**Questão 2 (exclusiva para alunos da 1ª série).** Uma azeitona ideal é uma esfera perfeita contendo em seu interior uma semente esférica de raio  $r_1$ . A densidade de uma azeitona ideal é igual a densidade de



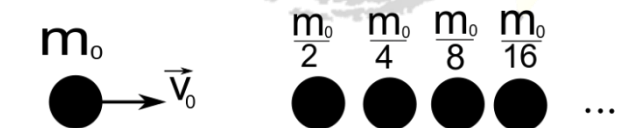
salmoura  $\rho_s = 1,21 \text{ kg/m}^3$ . de tal forma que flutuaria em repouso numa lata contendo salmoura. Considere uma lata cilíndrica aberta de azeitonas mergulhadas em salmoura com base de raio  $R = 3,10 \text{ cm}$ . Ao removermos a semente de uma azeitona, o resto das azeitonas flutuam na superfície de salmoura e essa superfície desce  $\Delta h = 4,00 \cdot 10^{-5} \text{ m}$  no processo. Qual é a densidade da semente? Assuma que a salmoura preencha o buraco criado ao remover a semente.

**Questão 3 (exclusiva para alunos da 1ª série).** Sobre um plano horizontal infinito estão apoiadas um conjunto de bolas de bilhar, alinhadas em uma mesma direção. Considere que a quantidade de bolas é muito grande (tendendo ao infinito).

As massas das bolas seguem uma relação de progressão geométrica de razão  $\frac{1}{2}$ . A primeira bola possui massa  $\frac{m_0}{2}$ , a segunda bola possui massa  $\frac{m_0}{4}$ , a terceira bola possui massa  $\frac{m_0}{8}$ , e assim por diante.

As bolas estão alinhadas em ordem decrescente de massa.

Inicialmente todas elas estão em repouso, até que outra bola de bilhar, de massa  $m_0$ , se movendo com velocidade  $v_0$  na mesma direção do alinhamento das outras bolas, colide frontalmente com a primeira bola (de massa  $\frac{m_0}{2}$ ).



**Figura 1:** Representação do sistema.

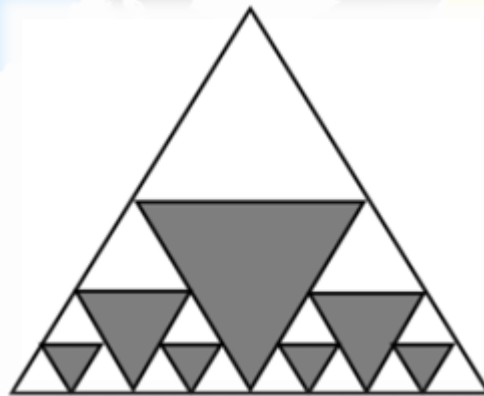
As outras massas começam então a colidir, após a primeira colisão, adquirindo então energia cinética. Considere que as massas não colidam duas vezes entre si, e que o coeficiente de restituição entre todas as colisões é  $e = \frac{1}{4}$ .

Sendo  $E_0$  a energia cinética inicial do sistema, e  $E$  a energia final do sistema, calcule a razão:  $\frac{|E-E_0|}{E_0}$ .

**Questão 4 (exclusiva para alunos da 1ª série).** É muito importante o conceito de centro de massa de um sistema em Mecânica Clássica. Utilizando esse ponto notável, é possível simplificar problemas em que o movimento das partículas individuais é bastante complicado. Sua definição é a seguinte: dado um sistema de  $N$  partículas (distribuição discreta) de massas  $m_1, m_2, \dots, m_N$  e posições  $x_1, x_2, \dots, x_N$  definimos o centro de massa desse sistema como sendo o ponto do espaço de coordenada

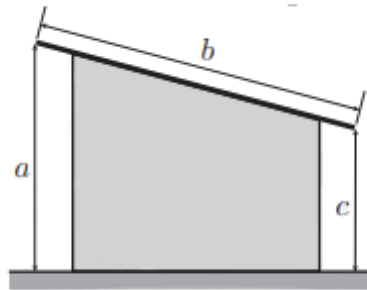
$$x_{CM} = \frac{m_1x_1 + m_2x_2 + \dots + m_Nx_N}{m_1 + m_2 + \dots + m_N}.$$

As coordenadas  $y$  e  $z$  do centro de massa são obtidas de forma análoga. Para objetos homogêneos que contém simetria, muitas vezes o centro de massa coincide com o centro geométrico, como é o caso de um quadrado ou triângulo homogêneo, por exemplo. Nesse problema, obteremos o centro de massa de um objeto fractal. Esse objeto é obtido da seguinte forma: a partir de um triângulo equilátero de lado  $l$ , inserimos, dentro dele, um triângulo equilátero homogêneo de lado  $l/2$  com vértices nos pontos médios dos lados. Em seguida, repetimos o processo anterior para os dois triângulos inferiores que dividem o triângulo maior. Esse processo é repetido indefinidamente. Determine a distância vertical entre o centro de massa do objeto fractal e a base do triângulo original.



**Figura 2:** Triângulo fractal.

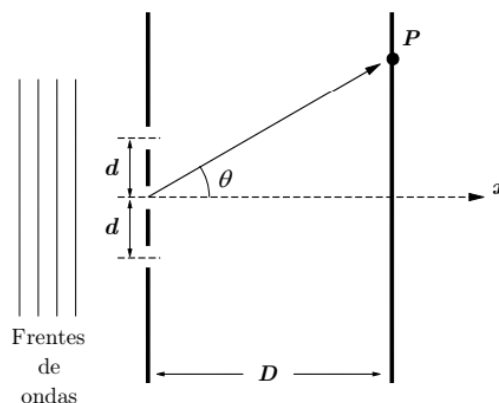
**Questão 5.** Uma rã deseja pular uma casa com as dimensões apresentadas na **Figura 2**. A rã pode pular de qualquer posição que ela desejar.



**Figura 3:** Representação do sistema

Qual a menor velocidade necessária para que a rã consiga executar esse salto? Considere a gravidade local  $g$ .

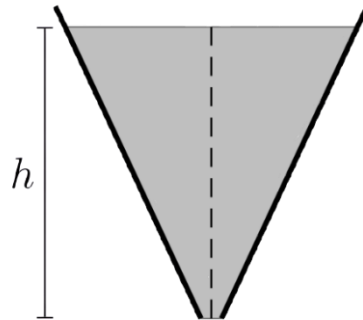
**Questão 6.** Frentes de onda plana, de comprimento de onda  $\lambda$ , incidem num conjunto de três fendas, com a do centro situando-se a uma distância  $d$  das demais conforme a figura. A uma distância  $D \gg d$ , um anteparo registra o padrão de interferência gerado pela difração da onda devido às fendas.



**Figura 4:** Representação do sistema.

- (a) Qual a razão entre a intensidade da franja clara central e a das franjas claras vizinhas?
- (b) Quais os ângulos  $\theta_n$  para os quais ocorrem franjas escuras?

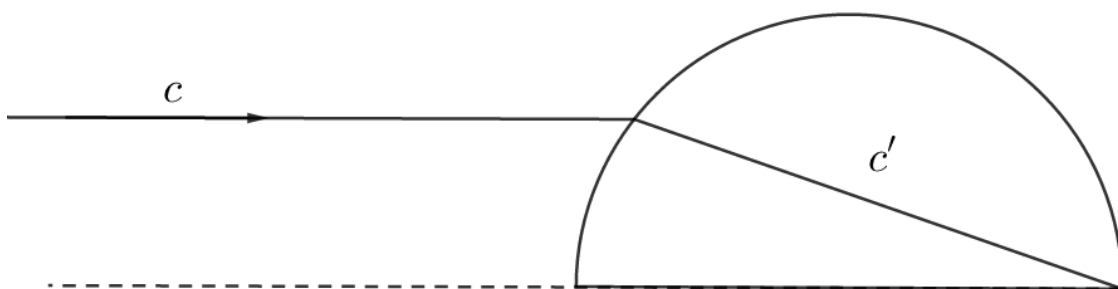
**Questão 7.** Um recipiente em forma de tronco de cone possui água em seu interior até uma altura  $h = 500 \text{ cm}$ . O raio da base do recipiente é  $r = 10 \text{ cm}$ , e o raio da superfície livre é  $R = 100 \text{ cm}$ . Inicialmente a base está tampada, de modo que a água no interior do recipiente está em repouso.



**Figura 5:** Representação do sistema.

Removendo-se a tampa da base, a água começa a escoar. Nesse instante, qual é a pressão do líquido no nível a  $15 \text{ cm}$  de altura?

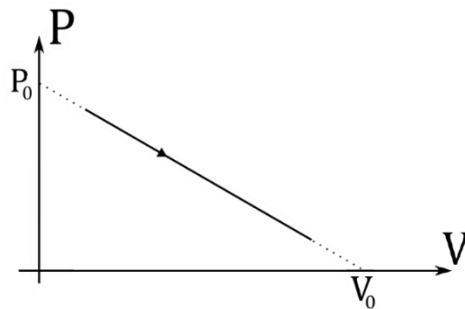
**Questão 8.** Imagine uma pequena esfera de vidro com uma propriedade que permite que ela focalize raios de luz paralelos na extremidade do lado oposto de incidência, conforme a figura abaixo.



**Figura 6:** Esfera de vidro e raio de luz atravessando-a.

Considerando que seja válida a aproximação de ângulos pequenos  $\text{sen } \theta \approx \text{tg } \theta \approx \theta$  (em radianos), determine a velocidade  $c'$  com a qual a luz se propaga dentro da esfera.

**Questão 9.** Após um experimento com um mol de gás, um cientista plotou o comportamento do gás em um gráfico de pressão por volume, obtendo o resultado da Figura a seguir.

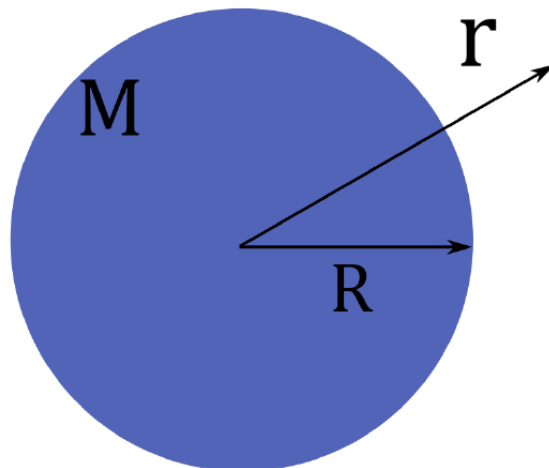


**Figura 7:** Gráfico de  $P \times V$ .

Durante o processo o volume do gás está aumentando. Considere a constante dos gases como sendo  $R$ .

- (a) Qual a equação que relaciona a pressão ( $P$ ) e o volume ( $V$ )?
- (b) Qual a temperatura máxima que o gás atinge durante esse processo?
- (c) Qual o trabalho que o gás realiza, se seu volume vai de  $\frac{V_0}{2}$  até  $\frac{3V_0}{4}$ ?

**Questão 10.** Considere um planeta esférico de massa  $M$  e raio  $R$  isolado no vácuo.

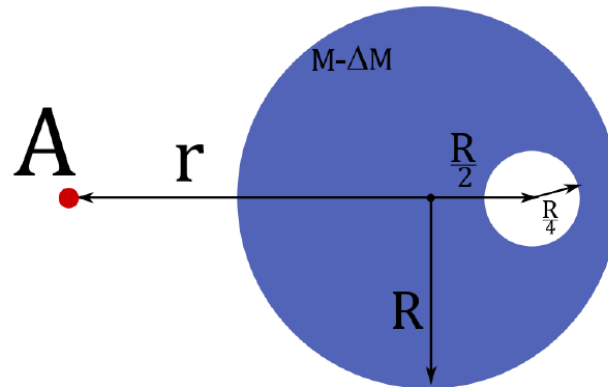




**Figura 8:** Planeta com massa total.

- (a) Calcule o módulo do campo gravitacional a uma distância  $r$  do centro do planeta. Separe em dois casos.

Uma nave espacial retira uma parte da massa do interior do planeta, deixando uma cavidade também esférica no planeta.



**Figura 9:** Planeta com cavidade.

A cavidade esférica possui raio  $\frac{R}{4}$ , e seu centro está a uma distância  $\frac{R}{2}$  do centro do planeta. Considere que a massa retirada do planeta é  $\Delta M$ .

- (b) Qual o valor de  $\Delta M$  ?  
(c) Mostre que o campo gravitacional dentro da cavidade é constante.  
(d) Calcule o módulo do campo gravitacional no ponto A, se este é colinear com os centros do planeta e da cavidade. Considere que  $r > R$ .

A partir desse momento considere que  $r = 2R$ .

- (d) Sendo  $W_i$  a energia necessária para trazer uma massa  $m$  do infinito para o ponto A na configuração da **Figura 6**, e  $W_f$  a energia necessária para trazer uma massa  $m$  do infinito para o ponto A na configuração da **Figura 7**. Calcule  $\left| \frac{W_i - W_f}{W_i} \right|$ .

**Questão 11.** Suponha que um universo paralelo, as leis da física ajam de uma forma diferente das do nosso. Nesse universo, a força de atração gravitacional entre dois corpos é dada pela equação:





$$\vec{F}_{ij} = -kGm_i m_j \vec{r}_{ij},$$

onde  $\vec{F}_{ij}$  é a força que a massa  $i$  exerce na massa  $j$ ,  $G$  é a constante de gravitação universal (a mesma do nosso universo),  $\vec{r}_{ij}$  é o raio vetor que liga as duas massas, saindo da massa  $i$  e indo para a massa  $j$ , e  $k$  é uma constante que depende do material de cada massa.

Uma bomba de massa  $M = 100\text{kg}$  explode nesse universo e se fragmenta uniformemente para todas as direções em inúmeros pedaços (a quantidade de fragmentos é tão grande tende ao infinito). Considere que as massas dos pedaços são equiparáveis entre si, ou seja, não existem fragmentos com diferenças grandes de massa.

Sendo  $k = \frac{5}{7} \cdot 10^{-3} \text{ m}^{-3}$ , quanto tempo decorre desde o momento da explosão até o instante em que todos os fragmentos se encontrem de novo no local da explosão?

**Questão 12.** Uma caixa retangular tem uma partição que pode deslizar sem atrito ao longo dela. Inicialmente, cada uma das câmaras possui um mol de gás monoatômico ( $\gamma = \frac{5}{3}$ ) a uma pressão  $P_0 = 2,5\text{atm}$ , volume  $V_0 = 5\text{L}$ , e temperatura  $T_0 = \frac{2203}{5}^\circ\text{F}$ .

Uma das câmaras é lentamente aquecida por um aquecedor elétrico. As paredes da caixa e a partição entre as câmaras são termicamente isoladas. A perda de calor nos fios do aquecedor é insignificante. O gás na câmara aquecida se expande até que a pressão em ambas as câmaras é  $P = \frac{243}{32}P_0$ .

Determine em função dos parâmetros apresentados:

- (a) A temperatura final em cada câmara.
- (b) O trabalho do gás da câmara não aquecida.